

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Министерство образования и науки Удмуртской Республики**  
**Муниципальное образование “Муниципальный округ**  
**Шарканский район Удмуртской Республики”**  
**МБОУ "Шарканская СОШ им. Г.Ф.Лопатина"**

РАССМОТРЕНО

Руководитель ШМО

---

Малышева Е.Л  
Протокол №1  
от «24» августа 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

директор

---

Бородулина О.П  
Приказ №71  
от «26» августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»**

**(Базовый уровень)**

для обучающихся 10-11 классов

**с. Шаркан, 2023 г.**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности,

требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений,

содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают

наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 3 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 201 час.

Через использование воспитательного потенциала уроков реализуется и рабочая программа воспитания школы. Эта работа осуществляется в следующих формах:

- Побуждение обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (педагогическими работниками) и сверстниками (обучающимися), принципы учебной дисциплины и самоорганизации.
- Привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках предметов, явлений, событий через:
  - обращение внимания на нравственные аспекты научных открытий, которые изучаются в данный момент на уроке; на представителей ученых, связанных с изучаемыми в данный момент темами, на тот вклад, который они внесли в развитие нашей страны и мира, на достойные подражания примеры их жизни, на мотивы их поступков;
- Использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета для формирования у обучающихся российских традиционных духовно-нравственных и социокультурных ценностей через подбор

соответствующих задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе.

- Включение в урок игровых процедур, которые помогают поддержать мотивацию обучающихся к получению знаний, налаживанию позитивных межличностных отношений в классе, помогают установлению доброжелательной атмосферы во время урока.
- Применение на уроке интерактивных форм работы, стимулирующих познавательную мотивацию обучающихся.
- Применение групповой работы или работы в парах, которые способствуют развитию навыков командной работы и взаимодействию с другими обучающимися.
- Выбор и использование на уроках методов, методик, технологий, оказывающих воспитательное воздействие на личность в соответствии с воспитательным идеалом, целью и задачами воспитания.
- Инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в форме включения в урок различных исследовательских заданий и задач, что дает возможность обучающимся приобрести навыки самостоятельного решения теоретической проблемы, генерирования и оформления собственных гипотез, уважительного отношения к чужим идеям, публичного выступления, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.
- Установление уважительных, доверительных, неформальных отношений между учителем и учениками, создание на уроках эмоционально-комфортной среды.

# СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

## 10 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.



Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **10 КЛАСС**

#### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### **Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

## **Уравнения и неравенства**

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

## **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

## **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.



Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	31	2	0	
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	8	0	0	
3	Арифметический корень $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	21	1	0	
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения	30	2	0	
5	Последовательности и прогрессии	8	0	0	
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	4	1	0	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12			
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		
4	Производная. Применение производной	24	1		
5	Интеграл и его применения	9			
6	Системы уравнений	12	1		
7	Натуральные и целые числа	6			
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	15	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		99	6	0	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна	1	0	0	1 неделя сентября	
2	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна	1	0	0	1 неделя сентября	
3	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	0	0	1 неделя сентября	
4	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1	0	0	2 неделя сентября	
5	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1	0	0	2 неделя сентября	
6	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1	0	0	2 неделя сентября	
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1	0	0	3 неделя сентября	
8	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных	1	0	0	3 неделя	

	отраслей знаний и реальной жизни				сентября	
9	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1	0	0	3неделя сентября	
10	Арифметические операции с действительными числами	1	0	0	4неделя сентября	
11	Арифметические операции с действительными числами	1	0	0	4неделя сентября	
12	Арифметические операции с действительными числами	1	0	0	4неделя сентября	
13	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1	0	0	1неделя октября	
14	Тождества и тождественные преобразования	1	0	0	1неделя октября	
15	Тождества и тождественные преобразования	1	0	0	1неделя октября	
16	Тождества и тождественные преобразования	1	0	0	2неделя октября	
17	Контрольная работа по теме "Действия с рациональными числами. Тождественные преобразования"	1	1	0	2неделя октября	
18	Уравнение, корень уравнения	1	0	0	2неделя	

					октября	
19	Уравнение, корень уравнения	1	0	0	3неделя октября	
20	Уравнение, корень уравнения	1	0	0	3неделя октября	
21	Неравенство, решение неравенства	1	0	0	3неделя октября	
22	Неравенство, решение неравенства	1	0	0	4неделя октября	
23	Неравенство, решение неравенства	1	0	0	4неделя октября	
24	Метод интервалов	1	0	0	4неделя октября	
25	Метод интервалов	1	0	0	1неделя ноября	
26	Метод интервалов	1	0	0	1неделя ноября	
27	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	1неделя ноября	
28	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2неделя ноября	

29	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2неделя ноября	
30	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2неделя ноября	
31	Контрольная работа по теме "Рациональные уравнения и неравенств"	1	1	0	3неделя ноября	
32	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1	0	0	3неделя ноября	
33	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1	0	0	3неделя ноября	
34	Чётные и нечётные функции	1	0	0	4неделя ноября	
35	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1	0	0	4неделя ноября	
36	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1	0	0	4неделя ноября	
37	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1	0	0	1неделя декабря	
38	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1	0	0	1неделя декабря	

39	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1	0	0	1 неделя декабря	
40	Арифметический корень натуральной степени	1	0	0	2 неделя декабря	
41	Арифметический корень натуральной степени	1	0	0	2 неделя декабря	
42	Свойства арифметического корня натуральной степени	1	0	0	2 неделя декабря	
43	Свойства арифметического корня натуральной степени	1	0	0	3 неделя декабря	
44	Свойства арифметического корня натуральной степени	1	0	0	3 неделя декабря	
45	Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени	1	0	0	3 неделя декабря	
46	Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени	1	0	0	4 неделя декабря	
47	Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени	1	0	0	4 неделя декабря	
48	Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени	1	0	0	4 неделя декабря	
49	Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени	1	0	0	1 неделя января	



50	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	1 неделя января	
51	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	1 неделя января	
52	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2 неделя января	
53	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2 неделя января	
54	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	2 неделя января	
55	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	0	0	3 неделя января	
56	Свойства и график корня $n$ -ой степени	1	0	0	3 неделя января	
57	Свойства и график корня $n$ -ой степени	1	0	0	3 неделя января	
58	Контрольная работа по теме "Арифметический корень $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"	1	1	0	4 неделя января	
59	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1	0	0	4 неделя января	

60	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1	0	0	4неделя января	
61	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1	0	0	1неделя февраля	
62	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	1неделя февраля	
63	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	1неделя февраля	
64	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	2неделя февраля	
65	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	2неделя февраля	
66	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	2неделя февраля	
67	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	3неделя февраля	
68	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	3неделя февраля	
69	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	3неделя февраля	

70	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	4неделя февраля	
71	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	4неделя февраля	
72	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	4неделя февраля	
73	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	1неделя марта	
74	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	1неделя марта	
75	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	1неделя марта	
76	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	2неделя марта	
77	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	2неделя марта	
78	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	2неделя марта	
79	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	3неделя марта	
80	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	3неделя	

					марта	
81	Контрольная работа по теме "Формулы тригонометрии. Преобразование тригонометрических выражений"	1	1	0	3неделя марта	
82	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	1неделя апреля	
83	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	1неделя апреля	
84	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	1неделя апреля	
85	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	2неделя апреля	
86	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	2неделя апреля	
87	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	2неделя апреля	
88	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	3неделя апреля	
89	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	3неделя апреля	
90	Контрольная работа по теме "Тригонометрические уравнения"	1	1	0	3неделя апреля	

91	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1	0	0	4неделя апреля	
92	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	0	0	4неделя апреля	
93	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	0	0	4неделя апреля	
94	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	0	0	1неделя мая	
95	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1	0	0	1неделя мая	
96	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1	0	0	1неделя мая	
97	Формула сложных процентов	1	0	0	2неделя мая	
98	Формула сложных процентов	1	0	0	2неделя мая	
99	Обобщение и систематизация знаний (за курс алгебры и начал математического	1	0	0	2неделя мая	

	анализа 10 класса)					
100	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1	0	0	3неделя мая	
101	Итоговая контрольная работа	1	1	0	3неделя мая	
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1	0	0	3неделя мая	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Степень с рациональным показателем	1			1неделя сентября	
2	Свойства степени	1			1неделя сентября	
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1			1неделя сентября	
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1			2неделя сентября	
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1			2неделя сентября	
6	Показательные уравнения и неравенства	1			2неделя сентября	
7	Показательные уравнения и неравенства	1			3неделя сентября	
8	Показательные уравнения и неравенства	1			3неделя сентября	
9	Показательные уравнения и неравенства	1			3неделя	

					сентября	
10	Показательные уравнения и неравенства	1			4неделя сентября	
11	Показательная функция, её свойства и график	1			4неделя сентября	
12	Контрольная работа по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"	1	1		4неделя сентября	
13	Логарифм числа	1			1неделя октября	
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1			1неделя октября	
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			1неделя октября	
16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			2неделя октября	
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			2неделя октября	
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			2неделя октября	
19	Логарифмические уравнения и неравенства	1			3неделя	



					октябрь	
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1			3неделя октября	
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1			3неделя октября	
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1			4неделя октября	
23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1			4неделя октября	
24	Логарифмическая функция, её свойства и график	1			4неделя октября	
25	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			1неделя ноября	
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			1неделя ноября	
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			1неделя ноября	
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1			2неделя ноября	
29	Примеры тригонометрических неравенств	1			2неделя ноября	
30	Примеры тригонометрических неравенств	1			2неделя	

					ноября	
31	Примеры тригонометрических неравенств	1			3неделя ноября	
32	Примеры тригонометрических неравенств	1			3неделя ноября	
33	Контрольная работа по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1	1		3неделя ноября	
34	Непрерывные функции	1			4неделя ноября	
35	Метод интервалов для решения неравенств	1			4неделя ноября	
36	Метод интервалов для решения неравенств	1			4неделя ноября	
37	Производная функции	1			1неделя декабря	
38	Производная функции	1			1неделя декабря	
39	Геометрический и физический смысл производной	1			1неделя	

					декабря	
40	Геометрический и физический смысл производной	1			2неделя декабря	
41	Производные элементарных функций	1			2неделя декабря	
42	Производные элементарных функций	1			2неделя декабря	
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1			3неделя декабря	
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1			3неделя декабря	
45	Производная суммы, произведения, частного функций	1			3неделя декабря	
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			4неделя декабря	
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			4неделя декабря	
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			4неделя декабря	
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1			1неделя января	
50	Нахождение наибольшего и наименьшего	1			1неделя	

	значения функции на отрезке				января	
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1			1неделя января	
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1			2неделя января	
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1			2неделя января	
54	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1			2неделя января	
55	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1			3неделя января	
56	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1			3неделя января	
57	Контрольная работа по теме "Производная. Применение производной"	1	1		3неделя января	
58	Первообразная. Таблица первообразных	1			4неделя января	
59	Первообразная. Таблица первообразных	1			4неделя января	

60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1			4неделя января	
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1			1неделя февраля	
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1			1неделя февраля	
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1			1неделя февраля	
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1			2неделя февраля	
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1			2неделя февраля	
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1			2неделя февраля	
67	Системы линейных уравнений	1			3неделя февраля	
68	Системы линейных уравнений	1			3неделя февраля	
69	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1			3неделя февраля	
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1			4неделя	

					февраля	
71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1			4неделя февраля	
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1			4неделя февраля	
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1			1неделя марта	
74	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1			1неделя марта	
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1			1неделя марта	
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1			2неделя марта	
77	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1			2неделя марта	
78	Контрольная работа по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"	1	1		2неделя	

					марта	
79	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1			3неделя марта	
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1			3неделя марта	
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1			3неделя марта	
82	Признаки делимости целых чисел	1			1неделя апреля	
83	Признаки делимости целых чисел	1			1неделя апреля	
84	Признаки делимости целых чисел	1			1неделя апреля	
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			2неделя апреля	
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			2неделя апреля	
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			2неделя апреля	
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			3неделя апреля	

89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			3неделя апреля	
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1			3неделя апреля	
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1			4неделя апреля	
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1			4неделя апреля	
93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1			4неделя апреля	
94	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1			1неделя мая	
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1			1неделя мая	
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1			1неделя мая	
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1			2неделя мая	
98	Итоговая контрольная работа	1	1		2неделя мая	
99	Итоговая контрольная работа	1	1		2неделя	



					мая	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		99	6	0		

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы/ Алимов Ш.А., Колягин Ю.М., Ткачева М.В. и другие, Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

## **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы/ Алимов Ш.А., Колягин Ю.М., Ткачева М.В. и другие, Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**